ssssss

**INTRODUÇÃO A SOLUÇÃO DE SISTEMAS DE EQUAÇÕES LINEARES**

O método da bisseção faz parte dos métodos numéricos para determinar-se solução de equações. Basicamente aqui estamos falando de determinar o zero de uma função (também chamado de raiz - Figura 1).

|  |
| --- |
| Figura 1 – Ilustração de equações com nenhuma, uma ou várias soluções [1]. |
|  |

Quando a equação é simples, é comum o emprego de técnicas ou fórmulas pré-estabelecidas que permitem a solução da equação de forma rápida. São exemplos:

* **Fórmula de Bhaskara;**
* **Método de Briot-Ruffini.**

Para equações que possuem “grau de complexidade” elevado essa determinação pode ser feita de maneira numérica por meio de aproximações. Dentro desse apanhado de técnicas de aproximação de raízes surgem os modelos numéricos de redução sucessiva de intervalo (também chamado de métodos de confinamento), são exemplos de métodos com essa característica:

* **Método da bisseção;**
* **Método da seção áurea.**

**O MÉTODO DA BISSEÇÃO**

O método da bisseção consiste em determinar o valor da solução de uma função dentro de um intervalo pré-estabelecido. Portanto o método explora esse intervalo dada uma função contínua . Porém para obter-se uma raiz dentro desse intervalo deve-se respeitar a condição de existência dada pelo Teorema de Bolzano:

Seja uma função contínua em um intervalo , tal que, . Então a função possui pelo menos uma raiz no intervalo .

Na Figura 2 é possível verificar que para a equação citada anteriormente no intervalo . o valor do é de aproximadamente -107,24. Para o intervalo por exemplo o valor do Teorema de Bolzano é de 58,29.

|  |
| --- |
| Figura 2 – Gráfico da função no intervalo 0 e 4 [1]. |
|  |

[](https://nbviewer.jupyter.org/github/metodoscomputacionais/IntroMetodosComputacionais/blob/gh-pages/Aulas/Parte%202/Algoritmos/MCOMP_Sec_2_1.ipynb)Sabendo que existe uma raiz da função no intervalo é possível a determinação utilizando o algoritmo da bisseção que toma como princípio reduções sucessivas do intervalo, no caso o intervalo é reduzido pela metade do seu valor original. As reduções sucessivas do intervalo seguem o seguinte critério:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | 1 |
|  | Novo intervalo: | 2 |
|  | Novo intervalo: | 3 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |
|  |  |  |
| Novo intervalo: |  |  |

O erro de cada iteração para esse método é dado pela avaliação do novo ponto médio conforme eq’s 4 e 5 [2]:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | Para todas as condições | 4 |
|  | Para a condição que | 5 |

|  |  |
| --- | --- |
| Figura 3 – interpretação gráfica da função e do intervalo [2, 3]. | |
|  |  |
| Estado inicial | Após = 1 iterações |

Percorrendo algumas iterações São obtidos os valores das reduções de intervalo:

***Algoritmo***

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **1** | ERRO = 100, TOL = 1E-2, [A, B] | | | |
| **2** | **while** ERRO > TOL: | | | |
| **3** |  | X = eq. 1 | | |
| **4** |  | Avalie f(a) e f(x) | | |
| **5** |  | **if** FA . FX < 0: | | |
| **6** |  |  | A = A e B = X |  |
| **7** |  | **else:** | |  |
| **8** |  |  | A = X e B = B |  |
| **9** |  | ERRO = eq’s 4 e 5 | |  |
| **10** | RAIZ = X | | |  |

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Iteração** |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |

[](https://nbviewer.jupyter.org/github/metodoscomputacionais/IntroMetodosComputacionais/blob/gh-pages/Aulas/Parte%202/Aulas/20/Algoritmos/MCOMP_Sec_2_3.ipynb)

|  |  |
| --- | --- |
| Figura 4 – Resultados do método da bisseção. | |
|  |  |
| Iterações | Convergência |

**REFERÊNCIAS**

[1] Gilat A, Suramanian V. Métodos numéricos para engenheiros e cientistas: uma introdução com aplicações usando o MATLAB. 2008.

[2] Burden RL, Faires JD. Numerical analysis. 9. ed., International ed. Belmont, Calif.: Brooks/Cole; 2011.